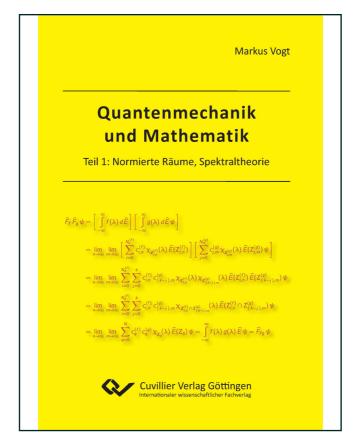


Markus Vogt (Autor)

Quantenmechanik und Mathematik

Teil 1: Normierte Räume, Spektraltheorie



https://cuvillier.de/de/shop/publications/6513

Copyright:

Cuvillier Verlag, Inhaberin Annette Jentzsch-Cuvillier, Nonnenstieg 8, 37075 Göttingen, Germany

Telefon: +49 (0)551 54724-0, E-Mail: info@cuvillier.de, Website: https://cuvillier.de



Inhaltsverzeichnis

Vo	Vorwort								
Einleitung									
1	Mathematische Grundlagen								
	1.1	Elemen	ntare Topologie	. 9					
		1.1.1	Notationen und Begriffe aus der Mengenlehre	. 10					
		1.1.2	Offene Mengen	. 11					
			1.1.2.1 Topologische Räume	. 11					
			1.1.2.2 Umgebungen	. 12					
			1.1.2.3 Kompaktheit	. 14					
			1.1.2.4 Konvergenz und Stetigkeit	. 16					
		1.1.3	Topologie metrischer Räume	. 18					
			1.1.3.1 Metrische Topologien	. 18					
			1.1.3.2 Kurze Einführung in die Epsilontologie	. 20					
	1.2	Grundb	begriffe der Maß- und Integrationstheorie	. 22					
		1.2.1	Maße und Meßbarkeit	. 23					
		1.2.2	Integrale und integrierbare Funktionen	. 33					
2	Vektorräume								
	2.1	Einige	Grundbegriffe aus der linearen Algebra	. 42					
		2.1.1	Algebraische Strukturen						
			2.1.1.1 Gruppen, Ringe, Körper						
			2.1.1.2 Moduln und Vektorräume						
		2.1.2	Linearkombinationen und Erzeugendensysteme						
	2.2	Topolo	ogische Vektorräume						
		2.2.1	Einleitende Betrachtungen						
		2.2.2	Lokalkonvexe Räume	. 52					
		2.2.3	Banachräume						
			2.2.3.1 Normierte Räume	. 56					
			2.2.3.2 Definition und Beispiele für Banachräume						
			2.2.3.3 Unendliche Reihen						
			2.2.3.4 Lineare Abbildungen	. 68					

2 INHALTSVERZEICHNIS

			2.2.3.5 Kompakte Abbildungen	80						
			2.2.3.6 Unbeschränkte lineare Abbildungen	86						
			2.2.3.7 Lineare Funktionale	87						
			2.2.3.8 Basen in Banachräumen	99						
			2.2.3.9 \mathscr{L}^p -Räume	116						
			2.2.3.10 ℓ^p -Räume	158						
			2.2.3.11 Orthogonalität in Banachräumen	175						
	2.3	Hilbert	träume	182						
		2.3.1	Definition und erste Eigenschaften	182						
		2.3.2	Wann sind Banachräume Hilberträume?	188						
		2.3.3	Vollständige Orthonormalsysteme	199						
		2.3.4	Einige Beispiele	210						
			2.3.4.1 \mathscr{L}^2 -Räume	211						
			2.3.4.2 ℓ^2 -Räume	212						
			2.3.4.3 Fastperiodische Funktionen	213						
3	Operatoren auf Hilberträumen 215									
	3.1		Grundbegriffe	215						
	3.2	_	e Operatoren							
		3.2.1	Symmetrische Operatoren							
		3.2.2	Normale und selbstadjungierte Operatoren							
		3.2.3	Orthogonale Projektoren							
		3.2.4	Kompakte Operatoren							
		3.2.5	Unitäre Operatoren							
4	Ein wenig Spektraltheorie 251									
•	4.1	•	werte und Eigenvektoren							
	4.2	_	esolvente							
		4.2.1								
		4.2.2	Der Funktionalkalkül							
		4.2.3								
	4.3	Spektr	ren linearer Abbildungen							
		4.3.1	Einige vorbereitende Bemerkungen							
		4.3.2	Beschränkte Abbildungen							
		4.3.3	Kompakte Abbildungen							
		4.3.4	Selbstadjungierte Operatoren							
	4.4	Der Sp	pektralsatz							
		4.4.1	Der Spektralsatz für kompakte Operatoren							
			4.4.1.1 Spektraldarstellung kompakter Operatoren							
			4.4.1.2 Schmidt-Darstellung							
			4.4.1.3 Die Spur							
			4.4.1.4 Unendliche Determinanten							
		4.4.2								



INHALTSVERZ	ZEICHNIS		3
	4.4.2.1 4.4.2.2	Spektralscharen	
	4.4.2.3 4.4.2.4 4.4.2.5	Funktionen von Operatoren	344
	4.4.2.6 4.4.2.7	Unitäre Äquivalenz und Multiplikationsoperatoren	371
4.4.3	Der Spe 4.4.3.1 4.4.3.2	ktralsatz für unitäre Operatoren	389
Symbolverzei	chnis		411
Literaturverze	eichnis		415